

SEANCE 5

III – Distributivité et factorisation

Troisièmes	Activité 6	Leçon 9
Factoriser une expression littérale		
Pour n'importe quels nombre relatifs a , b et k : $\frac{ka + kb}{\text{Somme algébrique}} = \frac{k(a + b)}{\text{Produit}}$ (distributivité simple)		
Factoriser une somme algébrique, c'est la transformer en : <u>produit</u>		
Exemples : complète (on a souligné le facteur commun) en repassant le « + » ou le « - » au fluo. A = <u>$17 \times 3 + 17 \times 7$</u> B = $6x + 3x^2$ C = <u>$5(2x + 3) - (x + 7)(2x + 3)$</u> A = <u>$17 \times (3 + 7)$</u> B = $2 \times 3 \times x + 3 \times x \times x$ C = <u>$(2x + 3) \times [5 - (x + 7)]$</u> A = <u>$17 \times 10$</u> B = $3 \times x (2 + x)$ C = <u>$(2x + 3) \times [5 - x - 7]$</u> A = <u>$170$</u> B = $3x (2 + x)$ C = <u>$(2x + 3) \times [-2 - x]$</u>		
Exercice 1 : Dans les expressions suivantes, souligner le facteur commun et factoriser l'expression en utilisant la distributivité simple. A = $(x + 3)(x + 1) + 7(x + 3)$ B = $2(3x + 1) + (4x - 3)(3x + 1)$ C = $(2x + 1) \times 2x - (2x + 1)(x + 2)$ D = $(x + 3)^2 - 4(x + 3)$ E = $x(x - 2) - x$ F = $9x^2 - 6x$		
Exercice 2 : Factoriser A = $(2x - 1)(x - 1) + (x + 2)(2x - 1)$ B = $(x + 3)(x + 5) - 3(x + 5)$ C = $(2x + 1)^2 - (2x + 1)(x - 4)$ D = $8x + 12$ E = $(3x + 2) \times 4 + 3x + 2$ F = $(7x - 3)(2x + 5) + (7x - 3)$		
Exercice 3 : Calculer astucieusement A = $1001 \times 999 - 999^2$ B = $55^2 + 55 \times 45$		

Exercice 1 :

$$\begin{aligned} A &= \underline{(x + 3)}(x + 1) + 7\underline{(x + 3)} \\ A &= \underline{(x + 3)} [(x + 1) + 7] \\ A &= (x + 3)(x + 1 + 7) \\ \mathbf{A} &= \mathbf{(x + 3)(x + 8)} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} B &= 2\underline{(3x + 1)} + (4x - 3)\underline{(3x + 1)} \\ B &= \underline{(3x + 1)} [2 + (4x - 3)] \\ B &= (3x + 1)(2 + 4x - 3) \\ \mathbf{B} &= \mathbf{(3x + 1)(4x - 1)} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} C &= \underline{(2x + 1)} \times 2x - \underline{(2x + 1)}(x + 2) \\ C &= \underline{(2x + 1)}[2x - (x + 2)] \\ C &= (2x + 1)(2x - x - 2) \\ \mathbf{C} &= \mathbf{(2x + 1)(x - 2)} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} D &= (x + 3)^2 - 4(x + 3) \\ D &= (x + 3)(x + 3) - 4\underline{(x + 3)} \\ D &= \underline{(x + 3)} [(x + 3) - 4] \\ D &= (x + 3)(x + 3 - 4) \\ \mathbf{D} &= \mathbf{(x + 3)(x - 1)} \end{aligned}$$

$$E = x(x - 2) - x$$

$$F = 9x^2 - 6x$$

$$E = \underline{x}(x - 2) - \underline{x} \times 1$$

$$F = 3 \times \underline{3 \times x} \times x - \underline{3} \times 2 \times \underline{x}$$

$$E = \underline{x}[(x - 2) - 1]$$

$$F = 3x(3x - 2)$$

$$E = x(x - 2 - 1)$$

$$\mathbf{E = x(x - 3)}$$